

2017年文系第3問

3 数列  $\{a_n\}$  を次の条件によって定める.

$$a_1 = 3, \quad a_{n+1} = \frac{a_n}{2} + \frac{3}{a_n} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

このとき、以下の問いに答えよ.

- (1)  $a_2, a_3$  を求めよ.
- (2)  $n$  は自然数とする. 不等式  $a_n > \sqrt{6}$  を証明せよ.
- (3)  $n$  は自然数とする. 不等式  $a_{n+1} - \sqrt{6} < \frac{1}{4}(a_n - \sqrt{6})^2$  を証明せよ.