

2012年工学部第3問

3  $\alpha > 1$ ,  $x > 0$ とする. Oを原点とする座標平面上に3点  $A(0, 1)$ ,  $B(0, \alpha)$ ,  $P(\sqrt{x}, 0)$ がある. 次に答えよ.

- (1)  $\sin \angle OPB$ と $\sin \angle APB$ を $\alpha$ と $x$ を用いて表せ.
- (2)  $\sin \angle APB$ を $x$ の関数と考え, その関数を $f(x)$ とおく.  $f(x)$ の最大値を $\alpha$ を用いて表せ.
- (3) (2)で求めた最大値が $\frac{1}{2}$ となる $\alpha$ を求めよ.