

2017年第2問

2  $s$  を正の実数とし,  $x$  の2次方程式  $x^2 + 6x + s + 9 = 0$  の2つの解を  $\alpha, \beta$  とする. ここで,  $0 \leq \arg \alpha < \arg \beta < 2\pi$  とする. 複素数平面上の3点  $O(0), A(\alpha), B(\beta)$  に対し,  $\angle OAB = \frac{\pi}{3}$  であるとする. 3点  $A, B, C(-2 + i)$  を通る円を  $F$  とし, 円  $F$  の中心を  $P(\gamma)$  とする. ただし,  $i$  は虚数単位とする. 次の問いに答えよ.

- (1)  $s$  の値を求めよ.
- (2)  $\gamma$  の値を求めよ.
- (3)  $t$  を正の実数とする.  $|z - \gamma| = |z - ti|$  を満たす点  $z$  全体のなす図形が円  $F$  とただ1つの共有点をもつとき,  $t$  の値を求めよ.
- (4)  $t$  を(3)で求めた値とし, 点  $Q(ti)$  をとる. また,  $R(\delta)$  を円  $F$  上の点とする.  $\angle QPR = \frac{2}{3}\pi$  となるような  $\delta$  の値をすべて求めよ.