

2012年工（建築・電気工）第1問

1 次の問いに答えよ。

(1)  $a, b, c$  を整数とすると、以下の問いに答えなさい。(i)  $a + b + c = 10, a \geq 1, b \geq 1, c \geq 1$  を満たす整数解  $a, b, c$  の組の総数は 

ア	イ
---	---

 である。(ii)  $a + b + c \leq 10, a \geq 1, b \geq 1, c \geq 1$  を満たす整数解  $a, b, c$  の組の総数は 

ウ	エ	オ
---	---	---

 である。(iii)  $a + b + c \leq 10, 7 \geq a \geq 1, 7 \geq b \geq 1, 7 \geq c \geq 1$  を満たす整数解  $a, b, c$  の組の総数は 

カ	キ	ク
---	---	---

 である。(2)  $\angle B = 2\angle A$  を満たす  $\triangle ABC$  について、以下の問いに答えなさい。(i) 式  $\frac{\sin B + \sin C}{\sin A}$  がとりうる値の範囲は

$$\boxed{\text{ア}} < \frac{\sin B + \sin C}{\sin A} < \boxed{\text{イ}}$$

である。

(ii)  $AB = 2, AC = 3$  のとき、

$$\cos A = \frac{\boxed{\text{ウ}} + \sqrt{\boxed{\text{エ}} \boxed{\text{オ}}}}{\boxed{\text{カ}}}$$

であり、

$$BC = -\boxed{\text{キ}} + \sqrt{\boxed{\text{ク}} \boxed{\text{ケ}}}$$

である。

(3) 座標平面上に、点  $A(0, 2), B(4, 0)$  および放物線  $C: y = -x^2 + mx + 1$  (ただし、 $m$  は実数の定数) がある。2点  $A(0, 2), B(4, 0)$  を通る直線を  $l$  とする。(i) 放物線  $C$  と直線  $l$  が2個の異なる共有点をもつのは、

$$m < -\frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}, \quad m > \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}}$$

のときである。

以下、放物線  $C$  と直線  $l$  が2個の異なる共有点をもつ場合について考え、この2個の共有点を  $P, Q$  とする。(ii) 点  $P$  と点  $Q$  のすくなくとも一方が線分  $AB$  (端点  $A, B$  を含む) 上にあるのは

$$m > \frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}}$$

のときである。



(iii) 点Pと点Qがともに、線分AB(端点A, Bを含む)上にあるのは

$$\frac{\boxed{\text{キ}}}{\boxed{\text{ク}}} < m \leq \frac{\boxed{\text{ケ}} \boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}}$$

のときである。また、 $m$ がこの範囲内で動くとき、線分PQの長さは、

$$m = \frac{\boxed{\text{シ}} \boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}} \text{で最大値} \frac{\boxed{\text{ソ}} \boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}} \times \sqrt{\boxed{\text{ツ}}} \text{をとる。}$$