

2014年薬学部（生命創薬科）第1問

1 白，赤，黄，緑の4色に光るライトがある．はじめ，ライトの色は白であり，1分経過するごとに，次のルールでライトの色が変わるものとする．ただし，ライトの色が白のときについては  $n = 0, 1, 2, \dots$ ，それ以外の色のときについては  $n = 1, 2, \dots$  とする．

(i)  $n$  分後に白のとき， $n + 1$  分後ではそれぞれ  $\frac{1}{3}$  の確率で赤，黄，緑になる．

(ii)  $n$  分後に赤のとき， $n + 1$  分後ではそれぞれ  $\frac{1}{3}$  の確率で白，黄，緑になる．

(iii)  $n$  分後に黄のとき， $n + 1$  分後ではそれぞれ  $\frac{1}{3}$  の確率で白，赤，緑になる．

(iv)  $n$  分後に緑のとき， $n + 1$  分後ではそれぞれ  $\frac{1}{3}$  の確率で白，赤，黄になる．

$n$  を自然数とし， $n$  分後にライトの色が白である確率を  $P_n$ ，また， $n$  分後にライトの色が赤である確率を  $Q_n$  とする．

(1)  $P_2 = \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}$ ， $Q_2 = \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}}$  である．

(2)  $P_n$  および  $Q_n$  についての漸化式を利用すると，自然数  $n$  に対して， $n$  が3以上のとき，

$$P_n = \frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}} \left( \boxed{\text{キ}} - \left( -\frac{\boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケ}}} \right)^{n-1} \right)$$

$$Q_n = \frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}} \left( \boxed{\text{シ}} + \frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}} \left( -\frac{\boxed{\text{ソ}}}{\boxed{\text{タ}}} \right)^{n-1} \right)$$

である．