

## 2014年 国際文理（環境科学） 第1問

1 新しく購入した機械は、購入1年目から1年間隔で4回の定期検査を受けることになっている。検査で異常が見つかる確率は毎回同じで  $p$  ( $0 < p < 1$ ) である。定期検査で異常が見つかった場合のみ修理が行われる。検査は無料であるが、修理は有料である。1年目の検査で異常が見つかった場合の修理費用は80000円であり、 $r$ 年目 ( $r = 2, 3, 4$ ) の検査で異常が見つかった場合の修理費用は

$$\begin{cases} 80000 \times r \text{ (円)}, & \text{ただし, 前回までの検査で異常なしの場合} \\ 0 \text{ (円)}, & \text{ただし, 前回までの検査で修理を受けている場合} \end{cases}$$

である。以下の問に答えなさい。

- (1)  $r = 1, 2, 3, 4$  とする。  $r$  年目の検査で初めて異常が見つかる確率  $P$  と  $r$  年目の検査が終わるまで異常が見つからない確率  $Q$  とをそれぞれ  $r$  と  $p$  を用いた式で表しなさい。
- (2) 購入してから4年目の検査が終わるまでの修理費用を  $X$  で表す。  $X$  のとり得る値とその確率を表にし、  $X$  の期待値を  $p$  の式で表しなさい。
- (3)  $p = 0.1$  とする。購入時に4年間保証として70000円を支払うと、修理費用は無料となる。4年間保証に加入すること、修理時に費用を支払うのとでは、どちらが得であるかを  $X$  の期待値を計算して検討しなさい。