

2015年 物理・情報科学 第1問

1 座標平面上で原点 O を中心、半径 1 の円を S とする。点 P が円 S 上を動くとき、 P における S の接線に点 $A\left(\frac{1}{2}, 0\right)$ から下ろした垂線の交点 Q のなす軌跡を C とする。 x 軸の正の方向に対して OP のなす角を t として、 P の座標を $(\cos t, \sin t)$ で表す。このときの Q の座標を $(f(t), g(t))$ とする。

- (1) $f(t), g(t)$ を求めよ。
- (2) $g(t)$ の最大値を求めよ。
- (3) C で囲まれた図形の $y \geq 0$ の部分の面積を求めよ。