



2014 年 文系 第 1 問

1 2 つの放物線

$$C_1: y = -x^2 + \frac{3}{2}, \quad C_2: y = (x-a)^2 + a \quad (a > 0)$$

がある. 点 $P_1\left(p, -p^2 + \frac{3}{2}\right)$ における C_1 の接線を ℓ_1 とする.

- (1) C_1 と C_2 が共有点を持たないための a に関する条件を求めよ.
- (2) ℓ_1 と平行な C_2 の接線 ℓ_2 の方程式と, ℓ_2 と C_2 の接点 P_2 の座標を a, p を用いて表せ.
- (3) C_1 と C_2 が共有点を持たないとする. (2) で求めた P_2 と P_1 を結ぶ線分が ℓ_1 と垂直になるとき, p を求めよ.