

2010年 スポーツ科学学部 第3問

- 3 1辺の長さが1(メートル)の正三角形の紙がある。この三角形の3頂点をA, B, Cとする。辺BC上の点Pと辺AB上の点Qを次のようにとる。

点Qを通るある直線を折り目としてこの紙を折り曲げるとときに点Aは点Pに重なる。

ここで, $BP = x$ (メートル), $PQ = y$ (メートル) とおくとき,

$$x^2 - (\boxed{\text{テ}} - y)x + \boxed{\text{ト}} - \boxed{\text{ナ}}y = 0$$

が成り立つ。これを x についての方程式とみると, $0 \leq x \leq 1$ であるから

$$\boxed{\text{ニ}} + \boxed{\text{ヌ}} \sqrt{\boxed{\text{ネ}}} \leqq y \leqq 1$$

となる。したがって, AQが最小となるのは, $y = \boxed{\text{ニ}} + \boxed{\text{ヌ}} \sqrt{\boxed{\text{ネ}}}$ のときであり, このとき, $\angle BAP = \boxed{\text{ノ}}^\circ$ である。ただし, $\boxed{\text{ネ}}$ はできる限り小さい自然数で答えること。