



2016年国際社会科学部 第1問

石井

1 次の問いに答えよ。

(1) 不等式

$$-(x-2)^2 + 5 > x^2 - 2x + 3$$

を解け。

(2) 平面上の3点 $(0, 0)$, $(a, 1)$, $(b, -2)$ が正三角形の頂点となるような正の実数 a, b を求めよ。

$$(1) -x^2 + 4x - 4 + 5 > x^2 - 2x + 3$$

$$\therefore 2x^2 - 6x + 2 < 0$$

$$x^2 - 3x + 1 < 0$$

$$\therefore \underline{\underline{\frac{3-\sqrt{5}}{2} < x < \frac{3+\sqrt{5}}{2}}}}$$

(2) $O(0,0)$, $A(a,1)$, $B(b,-2)$ とおくと。

$$OA = OB \text{ より, } OA^2 = OB^2 \quad \therefore a^2 + 1 = b^2 + 4$$

$$\therefore a^2 - b^2 = 3 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$OA = AB \text{ より, } OA^2 = AB^2 \quad \therefore a^2 + 1 = (a-b)^2 + 9$$

$$\therefore 2ab - b^2 = 8$$

$$b > 0 \text{ より, } a = \frac{b^2 + 8}{2b} \quad \dots \textcircled{2}$$

②を①に代入して整理すると、

$$3b^4 - 4b^2 - 64 = 0$$

$$(3b^2 - 16)(b^2 + 4) = 0$$

$$b > 0 \text{ より } b = \frac{4}{\sqrt{3}} \quad \text{このとき } a = \frac{5}{\sqrt{3}} \quad \therefore \underline{\underline{(a, b) = \left(\frac{5}{\sqrt{3}}, \frac{4}{\sqrt{3}}\right)}}$$