



2011年理学部（物理）第2問

- 2 平面上の曲線 C は媒介変数 t を用いて、

$$x = \cos t, \quad y = a \sin t + b \cos t \quad (0 \leq t \leq 2\pi)$$

と表される。 a, b は定数であり、 $a > 0$ を満たす。以下の間に答えよ。

(1) 曲線 C の方程式を x, y, a, b を用いて表し、 y について解け。

(2) 曲線 C が x 軸、 y 軸と交わる点の座標を求めよ。

定数 a, b がそれぞれ $a = \frac{1}{\sqrt{2}}, b = \frac{1}{\sqrt{2}}$ のとき、以下の間に答えよ。

(3) x, y のそれぞれの最大値、最小値を求めよ。

(4) 曲線 C によって囲まれた部分の面積を求めよ。