



2012年 第2問

2 次の問いに答えよ。

(1) m を 5 以上の自然数とする. 次の不等式が成り立つことを, 数学的帰納法によって証明せよ.

$$m! > 2^m > m^2$$

(2) 自然数 n に対する次の和を求めよ.

$$S_n = \frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{2 \cdot 4} + \frac{1}{3 \cdot 5} + \cdots + \frac{1}{n(n+2)}$$

(3) (2) で求めた S_n について, $S_n < \frac{3}{4}$ が成り立つことを示せ.(4) (2) で求めた S_n について, $S_n > \frac{2}{3}$ を満たす最小の自然数 n を求めよ.