



2014年 医学部 第3問

- 3  $a > 0, a \neq 1, b > 0$ とする。このとき、変数  $x$  の関数

$$f(x) = 4x^2 + 4x \log_a b + 1$$

について、次の各間に答えよ。

- (1) 2次方程式  $f(x) = 0$ が重解を持つようなすべての  $a, b$ を、座標平面上の点  $(a, b)$ として図示せよ。
- (2) 2次方程式  $f(x) = 0$ が  $0 < x < \frac{1}{2}$  の範囲内にただ1つの解を持つようなすべての  $a, b$ を、座標平面上の点  $(a, b)$ として図示せよ。
- (3) 放物線  $y = f(x)$ の頂点の座標を  $(X, Y)$ とする。点  $(a, b)$ が(2)の条件を満たしながら動くとき、点  $(X, Y)$ の軌跡を座標平面上に図示せよ。