

1 $0 \leq x \leq 3$ のとき, 次の x の関数の最大値と最小値を求めよ. また, そのときの x の値を求めよ.

$$f(x) = \frac{1}{5-x} + \frac{1}{3+x}$$

(倉敷芸術科学大学 2015)

2 四角形 ABCD は, 円に内接する. 各辺は, それぞれ, $AB = 2$, $BC = 3$, $CD = 4$, $DA = 5$ であるとする. 四角形 ABCD の面積を S とするとき, $\frac{S}{\sqrt{30}}$ の値を求めよ.

(自治医科大学 2015)

2015年第5問


 数理
石井K

5 $0 \leq x \leq 3$ のとき、次の x の関数の最大値と最小値を求めよ。また、そのときの x の値を求めよ。

$$f(x) = \frac{1}{5-x} + \frac{1}{3+x}$$

$$f(x) = \frac{3+x+5-x}{(5-x)(3+x)}$$

$$= \frac{8}{-x^2+2x+15}$$

$$= \frac{8}{-(x-1)^2+16}$$

ここで、 $g(x) = -(x-1)^2+16$ とおくと、

$0 \leq x \leq 3$ において、 $g(x)$ の最大値は 16 ($x=1$ のとき)、

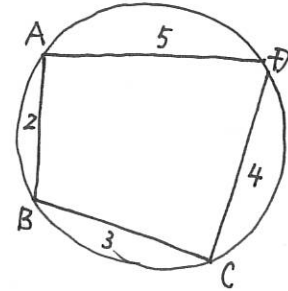
最小値は 12 ($x=3$ のとき)

$\therefore f(x)$ の最大値は $\frac{2}{3}$ ($x=3$ のとき)、最小値は $\frac{1}{2}$ ($x=1$ のとき)

//

2015年医学部第7問

7 四角形 ABCD は、円に内接する。各辺は、それぞれ、 $AB = 2$, $BC = 3$, $CD = 4$, $DA = 5$ であるとする。四角形 ABCD の面積を S とするとき、 $\frac{S}{\sqrt{30}}$ の値を求めよ。



$\angle ABC = \theta$ とおくと、四角形 ABCD が円に内接することより、

$\angle CDA = 180^\circ - \theta$ \therefore 余弦定理より

$$AC^2 = 2^2 + 3^2 - 2 \cdot 2 \cdot 3 \cos \theta \quad \dots \textcircled{1}$$

$$AC^2 = 4^2 + 5^2 - 2 \cdot 4 \cdot 5 \cos (180^\circ - \theta) \quad \dots \textcircled{2}$$

①と②から $\cos \theta$ を消去すると、 $13AC^2 = 253$

$$\therefore AC = \sqrt{\frac{253}{13}}$$

これを再び①に代入して、 $\cos \theta = -\frac{7}{13}$

$$\sin \theta > 0 \text{ より、} \sin \theta = \frac{2\sqrt{30}}{13}$$

$$\therefore S = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 3 \cdot \frac{2\sqrt{30}}{13} + \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 5 \cdot \frac{2\sqrt{30}}{13}$$

$$= 2\sqrt{30}$$

$$\therefore \frac{S}{\sqrt{30}} = \underline{\underline{2}}$$