

1 次の問に答えよ。

(1) A, B, C, Dの4人が集まり, 2対2の組に分かれて遊ぶことになった。組み分けはA, B, C, Dの順に硬貨を投げて決める。表が出たら赤組, 裏が出たら白組とする。いずれかの組が2人とも決まった時点で残りの人の組も確定するから, 全員が硬貨を投げるとは限らない。

いま, Aは硬貨を投げ終えたものとする。ここで, B, C, DのそれぞれがAと同じ組になる確率を考えよう。次の1~5のうち, 正しい記述は である。

1. Aが赤組か白組かにより, B, C, Dのうち誰がAと同じ組になる確率が大きいかは異なる。
2. Aと同じ組になる確率は, BがC, Dより大きい。
3. Aと同じ組になる確率は, CがB, Dより大きい。
4. Aと同じ組になる確率は, DがB, Cより大きい。
5. Aと同じ組になる確率は, B, C, Dの3人とも同じである。

(2) $\log_{10} 2 = 0.3010$, $\log_{10} 3 = 0.4771$, $\log_{10} 7 = 0.8451$ とするとき, 15^{50} は 桁の整数である。また, 15^{50} の最高位の数字は である。

(早稲田大学 2017)

2 以下の問に答えよ。

(1) それぞれ在庫が3個以上ある5種類の商品の中から, 3個の商品を選ぶ選び方は 通りである。

(2) 3つの引き出しA, B, Cがある。

引き出しAには商品「メガネ」が3個と商品「サングラス」が2個, 引き出しBには商品「メガネ」が2個と商品「サングラス」が5個入っている。引き出しCには何も入っていない。

いま引き出しA, Bから, それぞれ1個ずつ無作為に商品を取り出し, 引き出しCに入れた。

その後, 引き出しCから無作為に取り出した商品が「メガネ」であったとき, この商品が引き出しAから取り出されたものである確率は $\frac{\text{イ}}{\text{ウ}}$ である。

(早稲田大学 2016)

3 数列 $\{a_n\}$ は、初項が 1、公比 2 の等比数列であるとする。 $S = \sum_{n=1}^{101} a_n$ としたとき、 $S + 1$ は、
($30 + b$) 桁の整数になる。 b の値を求めよ。ただし、 $\log_{10} 2 = 0.3010$ とする。

(自治医科大学 2016)

2017年 人間科学学部 (理系) 第1問

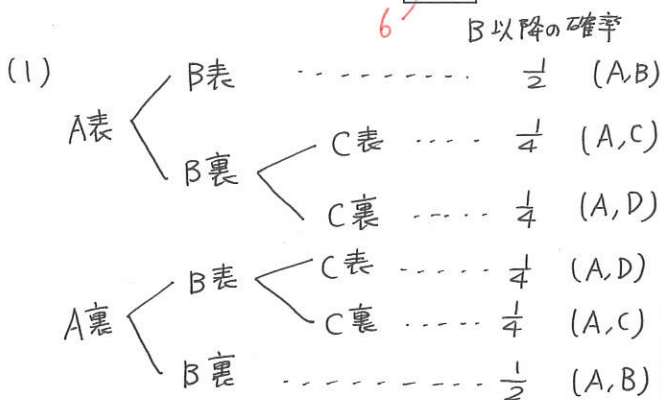
1 次の問に答えよ。

(1) A, B, C, Dの4人が集まり, 2対2の組に分かれて遊ぶことになった。組み分けはA, B, C, Dの順に硬貨を投げて決める。表が出たら赤組, 裏が出たら白組とする。いずれかの組が2人とも決まった時点で残りの人の組も確定するから, 全員が硬貨を投げるとは限らない。

いま, Aは硬貨を投げ終えたものとする。ここで, B, C, DのそれぞれがAと同じ組になる確率を考えよう。次の1~5のうち, 正しい記述は ア2 である。

1. Aが赤組か白組かにより, B, C, Dのうち誰がAと同じ組になる確率が大きいかは異なる。
2. Aと同じ組になる確率は, BがC, Dより大きい。
3. Aと同じ組になる確率は, CがB, Dより大きい。
4. Aと同じ組になる確率は, DがB, Cより大きい。
5. Aと同じ組になる確率は, B, C, Dの3人とも同じである。

(2) $\log_{10} 2 = 0.3010, \log_{10} 3 = 0.4771, \log_{10} 7 = 0.8451$ とするとき, 15^{50} は イ 桁の整数である。また, 15^{50} の最高位の数字は ウ である。



よって 15^{50} は 59 桁の数
 また, 最高位の数字は,
 $58 + \frac{\log_{10} 6}{11} < 58.805 < 58 + \log_{10} 7$
 $\frac{\log_{10} 2 + \log_{10} 3}{11}$
 0.7781
 より, 6

Aの硬貨が表であろうと裏であろうと,
 A,Bが同組になる確率 ($\frac{1}{2}$) は,
 A,CまたはA,Dが同組になる確率 ($\frac{1}{4}$)
 より大きい。

よって 答えは 2

(2) $\log_{10} 15^{50} = 50 \log_{10} 15$
 $= 50 \log_{10} \frac{30}{2}$
 $= 50 (\log_{10} 3 + \log_{10} 10 - \log_{10} 2)$
 $= 58.805$

ポイント
 桁数, 最高位の数字は 実例で考える
 $\log_{10} 10 = 1$ 10は2桁
 $\log_{10} 100 = 2$ 100は3桁
 $\log_{10} 200 = \log_{10} 2 + 2$
 最高位の数字は2



2016年人間科学学部(文系)第1問

1 以下の問に答えよ。

(1) それぞれ在庫が3個以上ある5種類の商品の中から、3個の商品を選ぶ選び方は $\boxed{\text{ア}}$ ³⁵通りである。

(2) 3つの引き出し A, B, Cがある。

引き出し A には商品「メガネ」が3個と商品「サングラス」が2個、引き出し B には商品「メガネ」が2個と商品「サングラス」が5個入っている。引き出し C には何も入っていない。

いま引き出し A, B から、それぞれ1個ずつ無作為に商品を取り出し、引き出し C に入れた。

その後、引き出し C から無作為に取り出した商品が「メガネ」であったとき、この商品が引き出し A から

取り出されたものである確率は $\frac{\boxed{\text{イ}}}{\boxed{\text{ウ}}}$ ²¹/₃₁ である。(1) 重複組み合わせ $5H_3 = 5+3-1C_3 = 7C_3 = \underline{35}$ 通り //(2) A, B からそれぞれ1個ずつ取り出す取り出し方は、 $5 \times 7 = 35$ 通りC から1個取り出すのは 2通り。よって $35 \times 2 = 70$ 通り。このうち、「メガネ」を取り出すのは、 $3 \times 7 + 5 \times 2 = 31$ 通り \therefore 確率は $\frac{31}{70}$ また、A から取り出された「メガネ」を C から取り出すのは、 $3 \times 7 = 21$ 通り \therefore 確率は $\frac{21}{70}$

よって、条件付き確率は、

$$\frac{\frac{21}{70}}{\frac{31}{70}} = \frac{21}{31} //$$

2016年医学部第16問

16 数列 $\{a_n\}$ は、初項が 1、公比 2 の等比数列であるとする。 $S = \sum_{n=1}^{101} a_n$ としたとき、 $S+1$ は、 $(30+b)$ 桁の整数になる。 b の値を求めよ。ただし、 $\log_{10} 2 = 0.3010$ とする。

$$a_n = 1 \cdot 2^{n-1}$$

$$\therefore S = \sum_{n=1}^{101} 2^{n-1}$$

$$= \frac{1-2^{101}}{1-2}$$

$$= 2^{101} - 1$$

$$\therefore S+1 = 2^{101}$$

$$2^{101} \text{ が } n \text{ 桁の整数} \iff 10^{n-1} \leq 2^{101} < 10^n$$

$$\iff n-1 \leq \underbrace{101 \log_{10} 2}_{= 30.401} < n$$

$$\therefore n = 31 \quad \therefore \underline{b=1}$$