

1 次の方程式を解け. ただし,  $a$  は定数とする.

$$ax^2 + (a + 3)x + 3 = 0$$

2  $a$  を実数とし,  $f(x) = x^2 + ax + a + 3$  とする. このとき, 次の問いに答えよ.

- (1) 2次方程式  $x^2 + ax + a + 3 = 0$  が正の実数解のみをもつような  $a$  の値の範囲を求めよ.
- (2) 放物線  $y = f(x)$  の頂点の  $y$  座標を  $g(a)$  とする. このとき,  $a$  が (1) で求めた範囲を動くとき,  $g(a)$  の最大値を求めよ.

2017年 前期 B 第3問


 数理  
石井

3 次の方程式を解け。ただし、 $a$  は定数とする。

$$ax^2 + (a+3)x + 3 = 0$$

$a = 0$  のとき、方程式は、 $3x + 3 = 0 \quad \therefore x = -1$

$a \neq 0$  のとき、

$$\begin{array}{r} a \quad 3 \\ | \quad | \\ \times \\ | \quad | \end{array}$$

$$(ax+3)(x+1) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{3}{a}, -1$$

以上より、

$$\left\{ \begin{array}{l} a = 0 \text{ のとき、 } x = -1 \\ a = 3 \text{ のとき、 } x = -1 \text{ (重解)} \\ a \neq 0, 3 \text{ のとき、 } x = -\frac{3}{a}, -1 \end{array} \right.$$



2014年 教育・生物資源科学部 第3問

3  $a$  を実数とし、 $f(x) = x^2 + ax + a + 3$  とする。このとき、次の問いに答えよ。

(1) 2次方程式  $x^2 + ax + a + 3 = 0$  が正の実数解のみをもつような  $a$  の値の範囲を求めよ。

(2) 放物線  $y = f(x)$  の頂点の  $y$  座標を  $g(a)$  とする。このとき、 $a$  が (1) で求めた範囲を動くとき、 $g(a)$  の最大値を求めよ。

(1) (i)  $D \geq 0$ , (ii)  $f(0) > 0$  (iii) (軸)  $> 0$  より

$$(i) D = a^2 - 4(a+3) = (a+2)(a-6) \geq 0 \quad \therefore a \geq 6, a \leq -2 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$(ii) f(0) = a+3 > 0 \quad \therefore a > -3 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$(iii) \text{(軸)} \text{ は } x = -\frac{a}{2} > 0 \quad \therefore a < 0 \quad \dots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{1} \sim \textcircled{3} \text{ より、} \underline{\underline{-3 < a \leq -2}}$$



(2)  $f(x) = \left(x + \frac{a}{2}\right)^2 - \frac{a^2}{4} + a + 3$

$$\therefore g(a) = -\frac{a^2}{4} + a + 3$$

$$= -\frac{1}{4}(a^2 - 4a) + 3$$

$$= -\frac{1}{4}(a-2)^2 + 4$$

$$\therefore \underline{\underline{\text{最大値は } g(-2) = 0 \text{ (} a = -2 \text{ のとき)}}$$

