

1 3辺の長さが  $a = 3x + 5$ ,  $b = x^2 + x$ ,  $c = x^2 + 1$  である  $\triangle ABC$  がある. ただし,  $x > 0$  とする.  $\triangle ABC$  の角の中で, 最も大きな角の大きさを  $\alpha$ , 2番目に大きな角の大きさを  $\beta$  としたとき, 以下の間に答えよ.

- (1)  $x = 3$  のとき,  $\cos \alpha$  を求めよ. また, そのときの  $\triangle ABC$  の外接円の半径  $R$  を求めよ.
- (2)  $x = 5$  のとき,  $\cos \beta$  を求めよ. また, そのときの  $\triangle ABC$  の面積  $S$  を求めよ.
- (3) 3つの辺の中で,  $a$  が最も短くなるときの  $x$  の値の範囲を求めよ.
- (4) 3つの辺の中で,  $a$  が最も長くなるときの  $x$  の値の範囲を求めよ.

(北海道医療大学 2016)

2 三角形  $ABC$  において,  $AB = AC = l$ ,  $\angle BAC = 108^\circ$  である. ただし,  $l$  は正の定数とする. この三角形の辺  $BC$  上に点  $D$  を  $DA = DB$  となるようにとり,  $\angle ABC = \theta$ ,  $BD = x$  とするとき, 以下の間に答えよ.

- (1) 以下の角度の値を求めよ.  
①  $\theta$     ②  $\angle CAD$     ③  $\angle CDA$
- (2) 点  $D$  から辺  $AB$  へ下ろした垂線を  $DE$  とするとき, 三角形  $BDE$  に着目して,  $\cos \theta$  を  $x$  と  $l$  を用いて表せ.
- (3) 点  $A$  から辺  $BC$  へ下ろした垂線を  $AF$  とするとき, 三角形  $BAF$  に着目して,  $\cos \theta$  を  $x$  と  $l$  を用いて表せ.
- (4)  $x$  を  $l$  を用いて表せ.
- (5)  $\cos \theta$  の値を求めよ.
- (6) 三角形  $ABC$  の外接円の半径と内接円の半径をそれぞれ  $R$ ,  $r$  とするとき, 次の ① と ② の値を分母を有理化して求めよ.

①  $\frac{R^2}{l^2}$     ②  $\frac{r^2}{l^2}$

(北海道医療大学 2014)

3  $0^\circ \leq \theta < 180^\circ$  で  $\sin \theta + \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{2}}$  であるとき, 以下の間に答えよ.

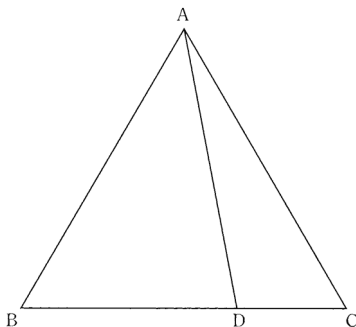
- (1) 以下の値を, それぞれ求めよ.

①  $\sin \theta \cos \theta$     ②  $\sin^3 \theta + \cos^3 \theta$     ③  $\sin^4 \theta + \cos^4 \theta$   
 ④  $\tan \theta + \frac{1}{\tan \theta}$     ⑤  $\tan^2 \theta + \frac{1}{\tan^2 \theta}$     ⑥  $\tan^3 \theta + \frac{1}{\tan^3 \theta}$

- (2)  $\cos \theta$  と  $\tan \theta$  の値を求めよ.

(北海道医療大学 2013)

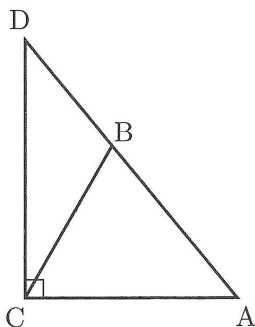
- 4 1 辺の長さが 1 の正三角形 ABC において、図のように辺 BC 上に点 D を  $BD : DC = 2 : 1$  となるようにとる。以下の問に答えよ。



- (1)  $\triangle ABC$  の面積を求めよ。
- (2)  $\triangle ABD$  の面積と  $\triangle ADC$  の面積をそれぞれ求めよ。
- (3) AD の長さを求めよ。
- (4)  $\angle BAD = \theta$  とおくとき、 $\sin \theta$  と  $\cos \theta$  の値を求めよ。
- (5)  $\triangle ABD$  の内接円の中心を  $O$ 、半径を  $r$  とし、 $\triangle ADC$  の内接円の中心を  $O'$ 、半径を  $r'$  とする。
  - (5-1)  $r$  と  $r'$  の値を求めよ。
  - (5-2) 線分  $OO'$  の長さを  $L$  とする。  $L^2$  の値を求めよ。

(北海道医療大学 2010)

- 5 図において  $AD = \sqrt{7}$ 、 $AC = \sqrt{3}$ 、 $BC = \frac{4\sqrt{3}}{5}$ 、 $\angle BCA = 60^\circ$ 、 $\angle DCA = 90^\circ$  とする。このとき  $\sin \angle CAB =$   であり、 $AB =$   である。



(北海道科学大学 2012)

- 6 三角形 ABC において、 $AB = 5$ 、 $BC = \sqrt{7}$ 、 $CA = 2\sqrt{3}$  のとき、 $\angle A =$   である。また、この三角形の面積は  である。

(北海道科学大学 2012)

7  $A = 60^\circ$ ,  $B = 45^\circ$ ,  $a = \sqrt{6}$  である三角形 ABC の外接円の半径は  であり,  $b =$   である.

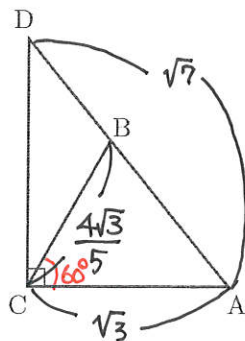
(北海道科学大学 2011)

2012年3科型第6問

6 図において  $AD = \sqrt{7}$ ,  $AC = \sqrt{3}$ ,  $BC = \frac{4\sqrt{3}}{5}$ ,  $\angle BCA = 60^\circ$ ,  $\angle DCA = 90^\circ$  とする. このとき  $\sin \angle CAB = \boxed{1}$  であり,  $AB = \boxed{2}$  である.

$$\frac{2\sqrt{7}}{7}$$

$$\frac{3\sqrt{7}}{5}$$



三平方の定理より.  $CD^2 + 3 = 7 \quad \therefore CD = 2$

$$\therefore \sin \angle CAB = \sin \angle CAD$$

$$= \frac{CD}{AD}$$

$$= \frac{2}{\sqrt{7}}$$

$$= \frac{2\sqrt{7}}{7} //$$

余弦定理より.  $AB^2 = \left(\frac{4\sqrt{3}}{5}\right)^2 + (\sqrt{3})^2 - 2 \cdot \frac{4\sqrt{3}}{5} \cdot \sqrt{3} \cdot \cos 60^\circ$

$$= \frac{48}{25} + 3 - \frac{12}{5}$$

$$= \frac{63}{25}$$

$$\therefore AB = \frac{3\sqrt{7}}{5} //$$

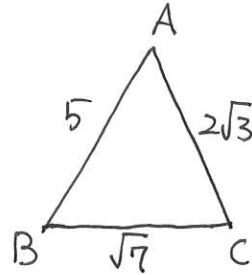
2012年3科型第7問

数理  
石井K

7 三角形 ABC において,  $AB = 5$ ,  $BC = \sqrt{7}$ ,  $CA = 2\sqrt{3}$  のとき,  $\angle A =$  1 である. また, この三角形の面積は 2 である.

余弦定理より,

$$(\sqrt{7})^2 = 5^2 + (2\sqrt{3})^2 - 2 \cdot 5 \cdot 2\sqrt{3} \cos \angle A$$



$$\therefore 7 = 25 + 12 - 20\sqrt{3} \cdot \cos \angle A$$

$$\therefore \cos \angle A = \frac{30}{20\sqrt{3}}$$

$$= \frac{3\sqrt{3}}{6}$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\therefore \angle A = 30^\circ$$

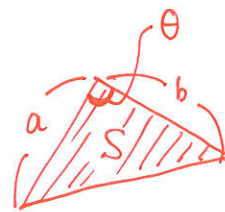
$$\therefore S = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 2\sqrt{3} \cdot \sin 30^\circ$$

$$= \frac{10\sqrt{3}}{4}$$

$$= \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

//

三角形の面積



$$S = \frac{1}{2} ab \cdot \sin \theta$$

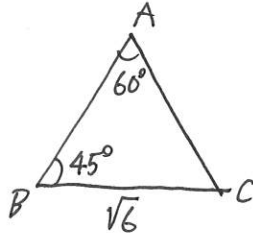
2011年3科型第8問



8  $A = 60^\circ$ ,  $B = 45^\circ$ ,  $a = \sqrt{6}$  である三角形 ABC の外接円の半径は  であり,  $b =$   である.

 $\sqrt{2}$ 

2



正弦定理より,  $\frac{\sqrt{6}}{\sin 60^\circ} = 2R$

$$\therefore R = \frac{\sqrt{6}}{2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} = \sqrt{2} //$$

また,  $\frac{b}{\sin 45^\circ} = 2R$  より  $b = 2 \cdot \sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}$

$$= 2 //$$