

2012年環境情報学部第1問

1 半径1の球が平面の上に接している。平面との接点をOとし、Oを球の南極点とみなしたときの球の北極点をNとする。平面上に点AをOA=3となるようにとる。また点BをOB=4であり、直線OAと直線OBが直交するようにとる。

点Nと平面上の点Pを結ぶ直線が球面と交わる2点の内、Nと異なる点をP'とする。このときNとA', B'の距離はそれぞれ

$$NA' = \sqrt{\frac{1}{3} + \frac{2}{4}}, \quad NB' = \sqrt{\frac{5}{7} + \frac{6}{8}}$$

である。点Pが直線AB上を動くとき、P'は直径

$$\sqrt{\frac{9}{11} + \frac{10}{12}}$$

の円を動く。